

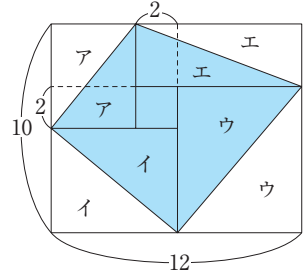
5. **62 cm²** が答え。

右図で、アとア、イとイ、ウとウ、エとエの面積は等しいよね。

さて、図の大きな長方形の面積 120 cm² は、『ア、イ、ウ、エ』のセットが2個と4 cm² (真ん中の正方形) を足したものであるから、『ア、イ、ウ、エ』1セットは、

$$(120 - 4) \div 2 = 58 \text{ (cm}^2\text{)}$$

求めたい部分は『ア、イ、ウ、エ』1セットと4 cm² だから、58 + 4 = 62 (cm²)



6. **4回** が答え。

円Oの円周の長さは円Pの円周の長さの3倍だから、3回と答えたくなるといふものだ。だがこれはまちがいの。なぜだかを解説しよう。

円Pの上の点で円Oと最初に触れている点をAとしよう。円Pが右方向に円Oの周りを転がって、再びAが円Oの周に触れるのはいつだろうか。(円Pの円周と円Oの円周で転がりながら触れ合った部分の長さは同じだから) 円Oの周の3分の1のところだ。

そのときの図を描いてみると… 右の図のようになる。あれれ!!…

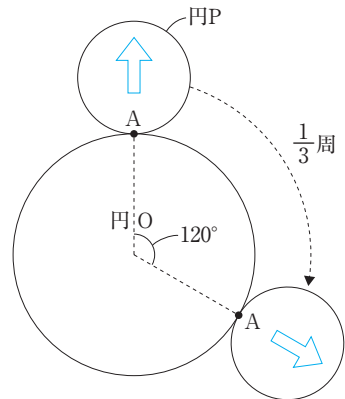
矢印は上を向いていない。右下のほうを向いているんだ。つまり矢印は1回転とさらに3分の1回転したわけなんだ。

なぜだろう? 円Oが地球だと想像してごらん。この図の上のほうが北の方角だ。ではあなたはこの地球の上を円周に沿って3分の1周する…おや? あなたの真上はもう北の方角ではない。『真上』が角度にして120°ずれてしまっている。

つまり、直線の上ではなくて円周の上を転がることで、円Pの『足場』自体がどんどんずれてきてしまって、『足場のずれ』の3分の1回転が、直線の上を転がる場合に比べて余分になったんだよ。

円Pの上の点Aは、円Pの周が3回円Oの周に触れていくと元の位置に戻ってくるけど、矢印は1回ごとに3分の1回転余計にまわるから、3 × (1回転と3分の1) で、4回転していることになる。だから、矢印が右を向くのは4回なんだ。

点Aにしてみれば3回ぐるぐるまわったつもりでも、足場自体が1周ぶんずれたので、矢印はプラス1回転していたわけだ。



7. **2 cm** が答え。

ここでは感覚的な説明をする。まずこの直方体の高さが8 cmであることはおさえておこう。そこで、切り口PQRSについて考える。

1番のポイントを覚えてるかな。PQとSRは直方体の平行な2つの面(手前と奥)を1つの平面が切ったときの切り口の直線どうしだから平行だ。同じようにPSとQRも平行で、実は直方体を1つの平面で切った切り口PQRSは平行四辺形になるわけ。

さて、君は小さなアリだと考えよう。君(アリ)はQからPまでいく。登り道だね。

さて、今度はRからSまで行く。登り道だね。